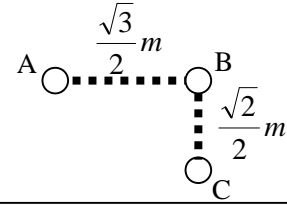


平成 28 年度後期試験（基礎物理Ⅱa）問題

学科名 () 学籍番号 () 氏名 ()

以下の問題文中で、には適当な語句、式等を記入し、{ }の語句のうちで正しいものを○で囲め。

1. 同量の電荷をもつ三個の球が右図のように配置されている。AがBに $3.0 \times 10^{-6} \text{N}$ の力を及ぼす。



(a) CがBに及ぼす力はいくらか。

(b) Bに働く全体の力の大きさはいくらか。有効数字2桁で答えよ。

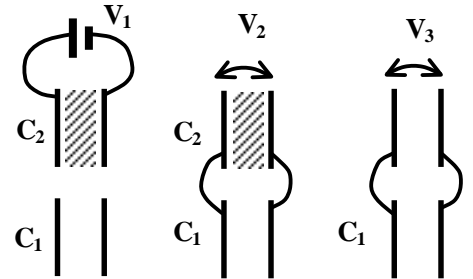
(a)	(b)
-----	-----

2. 半径 $R(\text{m})$ の球の表面に単位面積当たり $\sigma(\text{C}/\text{m}^2)$ の電荷が一様に分布しているとき、中心から $r(\text{m})$ の位置の電場を $E(r)$ とする。 $E(r)$ を半径 r の球面にガウスの法則を適用して計算する。

(a) 電場に関するガウスの法則を、数式を用いて書け。但し、数式中の文字については何を表しているのか、定義を記すこと。

(b) 半径 r の球面における電場の向きは面に対し、{ 平行 ・ 垂直 } であり、表面積は であるので、球面を通り抜ける全電気力線束は、 と表される。この球面内の全電荷は $r > R$ のときは 、 $r < R$ のときは であるので、ガウスの法則より、 $E(r)$ は $r > R$ のときは 、 $r < R$ のときは となる。

3. (a) C_1 と C_2 は同じ形で同じ大きさのキャパシターとし、 C_2 には誘電体の板がはさんである。 C_2 を充電しその電位差 V_1 を測る。次に電池をはずしてから C_1 と C_2 を並列につないで共通の電位差 V_2 を測る。誘電体の比誘電率 ϵ_r を V_1, V_2 で表せ。



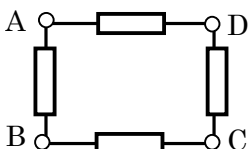
(b) そのままで誘電体を抜いたときの電位差 V_3 を ϵ_r, V_1 で表せ。

(a)	(b)
-----	-----

4. 誘電体内部の分子は電場 E 中では正電荷 $+q$ と負電荷 $-q$ が距離 d だけ離れた状態となる。このとき モーメント \vec{p} の大きさは qd で表され、分極の大きさ P は単位体積に含まれる分子数を N として、 で表される。また、誘電体の表面に誘起される分極電荷の面密度 σ_p は { $P \cdot NP \cdot dP$ } に等しい。また、真空の誘電率を ϵ_0 として、電束密度 D, E, P との間には、 と

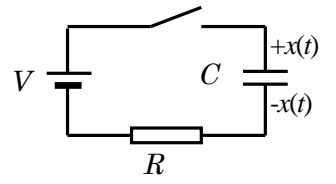
いう関係が成り立つ。全電荷を自由電荷と分極電荷に分類すると、電束線が発生、消滅するのは { 全 ・ 自由 ・ 分極 } 電荷であり、電気力線が発生、消滅するのは { 全 ・ 自由 ・ 分極 } 電荷である。一方、磁場の場合には、磁場 (磁束密度) B が電流により作られることを考慮して B に関するガウスの法則を数式で表すと、 となる。

5. 10Ω の抵抗4本を下図のように接続する。AB間、AC間の合成抵抗を求めよ。



答 AB間	AC間
-------	-----

6. 右図のように電池、電気抵抗、キャパシターを組み合わせた回路で、最初($t=0$)キャパシターには電荷は蓄えられていないものとする。時刻 t における電荷 $x(t)$ の従う微分方程式は $R \frac{dx(t)}{dt} + \frac{x(t)}{C} = V$ である。



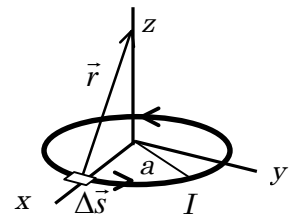
この方程式の解は、 $x(t) = A\{1 - \exp(\lambda t)\}$ (但し A, λ は定数) の形で表され、これを微分方程式に代入した式

が t によらず成り立つことより、 $\lambda =$ $A =$ と求まる。

授業中の実験も思い出して、 $x(t)$ のグラフを実線で描け。また、 R を 2 倍にした場合のグラフを点線で描け。



7. xy 面上の半径 a の円形導線中を電流 I が図のように左回りに流れている。円形導線の x 軸上の点 $(a, 0, 0)$ にある微小部分 Δs が z 軸上の点 $(0, 0, z)$ に作る磁場は、ビオ・サバールの法則により、 $\Delta \vec{B} = \frac{\mu_0 I \Delta \vec{s} \times \vec{r}}{4\pi r^3}$ で表される。 $\Delta \vec{s} = (0, \Delta s, 0)$



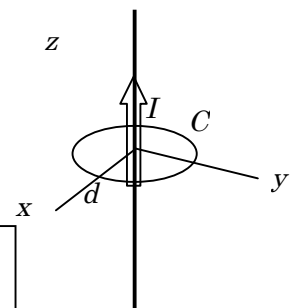
で $\vec{r} = (-a, 0, z)$ より、 $\Delta \vec{B}$ の大きさ $|\Delta \vec{B}|$ は となる。また、 $\Delta \vec{B}$ は \vec{r} に垂直な方向を向

いているが、導線の各部分の作る $\Delta \vec{B}$ を足し合わせると z 軸方向の成分のみが残るので、先に求めた $|\Delta \vec{B}|$ に

をかけたものを足し合わせればよい。 Δs を足し合わせると長さ の円周となるので、円形電流が点 $(0, 0, z)$ に作る磁場は大きさ を持ち、方向は z 軸の { 正 ・ 負 } の方向を向いていることが分かる。

8. 磁場 \vec{B} の中を速度 \vec{v} で運動する電荷 q の荷電粒子に働く力 \vec{F} を外積を用いて表すと、 $\vec{F} =$ となる。この電磁気力は 力と呼ばれる。例えば磁場 B が z 軸方向を向き、速度 \vec{v} が最初 x 軸方向を向いているとき、即ち $\vec{B} = (0, 0, B)$ 、 $\vec{v} = (v, 0, 0)$ と表されるとき、最初に力の向きは { $x \cdot y \cdot z$ } 軸の { 正 ・ 負 } の方向を向いており、その後粒子は の形の軌道を描くことになる。また、もし粒子の速度に z 軸方向の成分もある場合 ($\vec{v} = (v, 0, v')$) には、 の形の軌道を描く。

9. 電流 I が z 軸上 $-\infty$ から ∞ まで存在する電線中を z 軸の正方向に流れている。この時、電流が x 軸上の点 $(d, 0, 0)$ に作る磁場 B は、{ $x \cdot y \cdot z$ } 軸の { 正 ・ 負 } の方向を向いており、その大きさは真空の透磁率を μ_0 として で表される。また、図のような半径 d の円周 C 上で線積分 $\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{s}$ を計算すると



となる。この結果は電流とそれの作る磁場の間で一般的に成り立ち、 の法則と呼ばれている。

10. 下図のように電線で作ったループを電圧計につなげた回路がある。電圧計は図の+端子の電位が-端子の電位より高いときに、正の電圧値を指示する。(a)図のように磁石のN極が近づくときは電圧は { 正 ・ 負 } であり、(b)図のように磁石のS極が遠ざかるときは、電圧は { 正 ・ 負 } となる。

